

Profesor – Juan Sanmartín

Matemáticas Curso 2012/2013

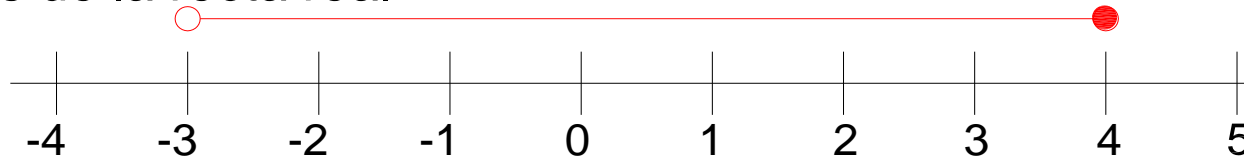
4º E.S.O.

TEMA - INTERVALOS



Intervalos

Definiremos intervalos como el espacio comprendido entre dos números de la recta real.



Los intervalos podrán ser cerrados $[]$, abiertos $()$, semiabiertos o semicerrados

Ejemplo.- ¿Cuándo es una persona menor de edad?

Una persona será menor de edad desde que nace hasta que cumple los 18 años.

Una persona es menor de edad desde que nace y por lo tanto tenemos que incluir el cero (corchete $[]$)

$[0,18)$

El día que cumple 18 es mayor de edad pero NO con 17 años y 11 meses, el intervalo va hasta los 18 pero no incluye los 18. Es abierto (paréntesis $()$)

Ejemplo.- Notas de Exámenes

Insuficiente → $[0,5)$ El Insuficiente abarca desde el 0 al 4,9 ó 4,99 pero nunca al 5, llega y no lo incluye.

Suficiente → $[5,6)$ El Suficiente abarca desde el 5 al 5,9 ó 5,99 pero nunca al 6, llega y no lo incluye.

Bien → $[6,7)$ El Bien abarca desde el 6 al 6,9 ó 6,99 pero nunca al 7, llega y no lo incluye.

Notable → $[7,9)$ El Notable abarca desde el 7 al 8,9 ó 8,99 pero nunca al 8, llega y no lo incluye.

Sobresaliente → $[9,10]$ El Sobresaliente abarca desde el 9 al 10 ambos incluidos.

Expresión Matemática y representación

$$A = \{x \in \mathbb{R} / -1 < x \leq 2\}$$

Diagram illustrating the components of the set definition:

- pertenciente** (purple box) points to $x \in \mathbb{R}$.
- Tal que** (grey box) points to $/$.
- X mayor que -1** (brown box) points to $-1 <$.
- X menor o igual a 2** (red box) points to $x \leq 2$.

Se lee: “Definimos el **Intervalo A** como sea X **pertenciente** a los Números Reales **tal que** X es mayor que -1 y menor o igual que 2”.

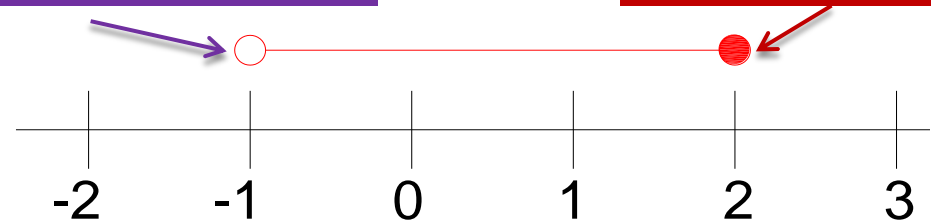
Se representa analíticamente:

$$(-1, 2]$$

Diagram illustrating the analytical representation:

- El -1 no está incluido en el intervalo** (purple box) points to the parenthesis $($.
- El 2 está incluido en el intervalo** (red box) points to the parenthesis $]$.

Se representa gráficamente:



La parte del intervalo abierta (no incluida) se representa analíticamente con un $()$ y gráficamente con una **circunferencia**, la parte cerrada (incluida) con un $]$ y un **círculo**.

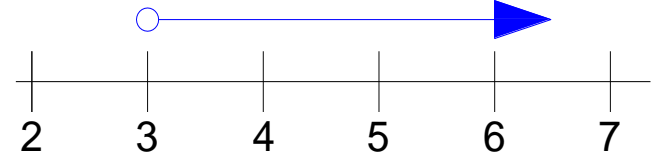
Ejemplo:

Intervalo

Representación
Analítica.

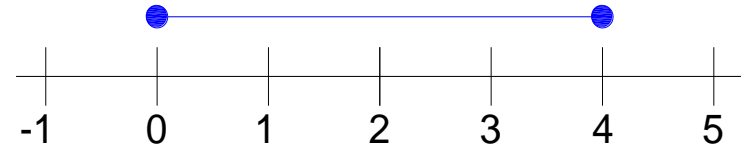
Representación gráfica.

$$A = \{x \in \mathbb{R} / x > 3\} \quad (3, \infty)$$

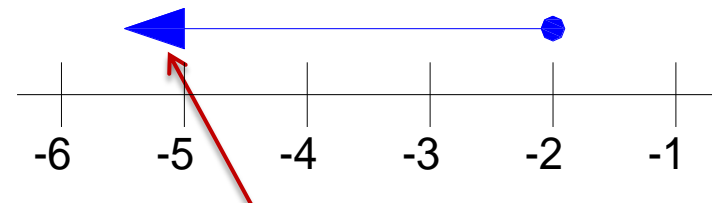


El intervalo indica que la X es mayor que 3, sin indicar el otro lado del intervalo que se establece como infinito (nunca incluido ya que no se puede abarcar), en la representación gráfica se indica la dirección hacia el infinito como una flecha.

$$B = \{x \in \mathbb{R} / 0 \leq x \leq 4\} \quad [0, 4]$$



$$C = \{x \in \mathbb{R} / x \leq -2\} \quad (-\infty, -2]$$



En este caso la X es menor o igual que -2, lo que significa que comprende valores que van desde el -2 hacia los negativos (menos infinito)

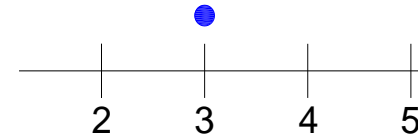
Ejemplos:

Intervalo

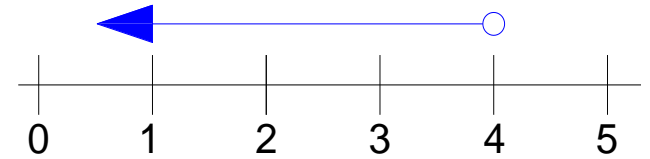
Representación
Analítica.

Representación gráfica.

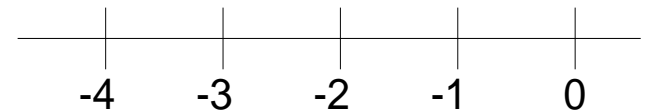
$$D = \{x \in \mathbb{R} / x = 3\} \quad \{3\}$$



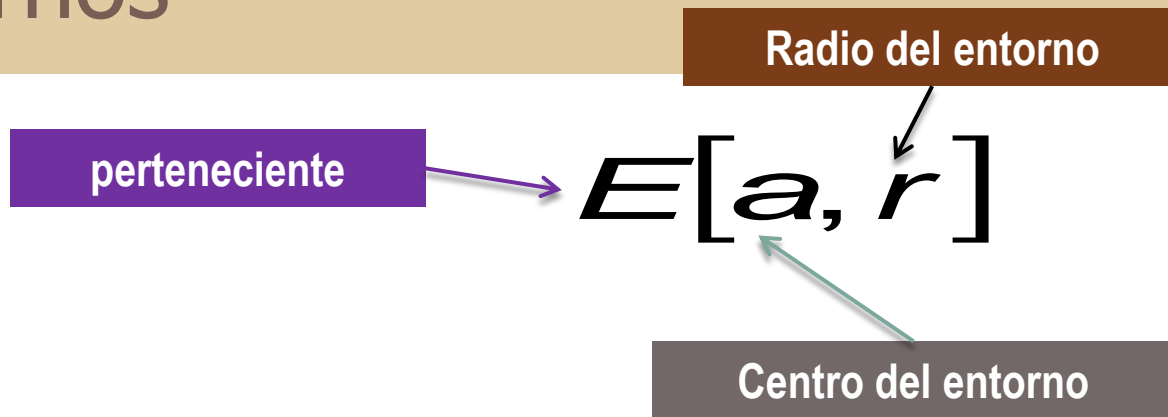
$$E = \{x \in \mathbb{R} / x < 4\} \quad (-\infty, 4)$$



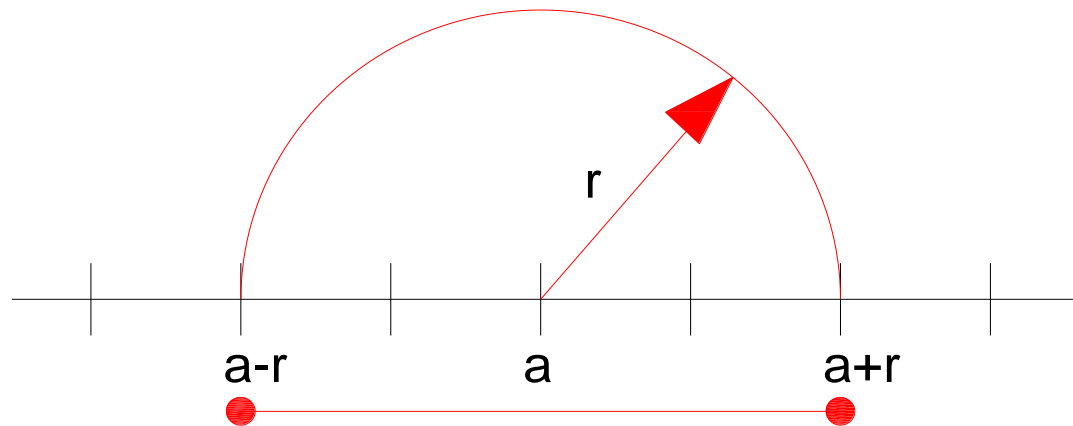
$$C = \{x \in \mathbb{R} / -3 < x \leq -1\} \quad (-3, -1]$$



Entornos



En un ENTORNO definimos el CENTRO del entorno y el RADIO que abarca.



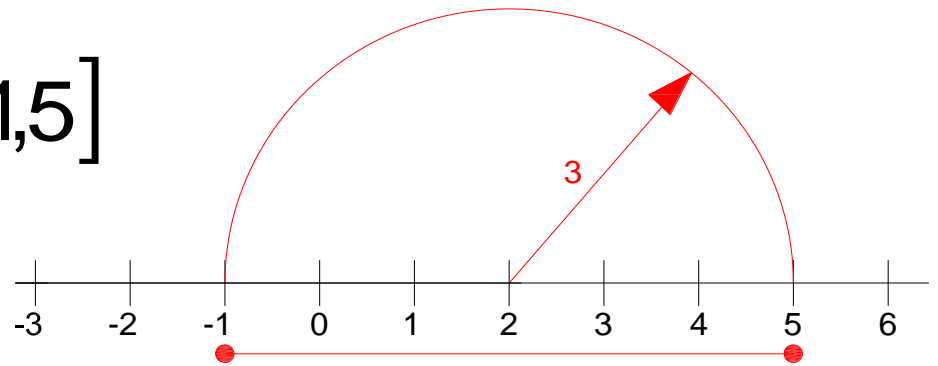
$$E[a, r] \xrightarrow{\text{EQUIVALE}} [a - r, a + r]$$

Ejemplos:

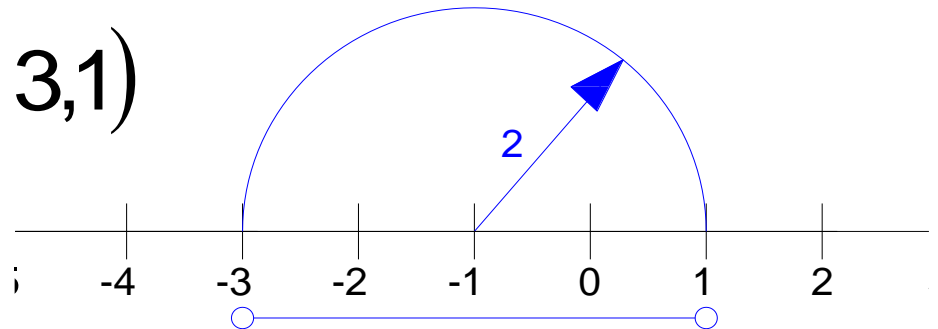
Entorno

$$E[2,3] \xrightarrow{\text{EQUIVALE}} [-1,5]$$

Representación gráfica.



$$E(-1,2) \xrightarrow{\text{EQUIVALE}} (-3,1)$$



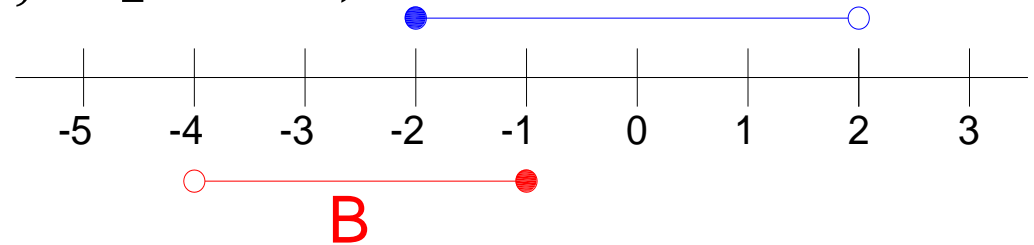
Unión e Intersección de intervalos.

$A \cup B$

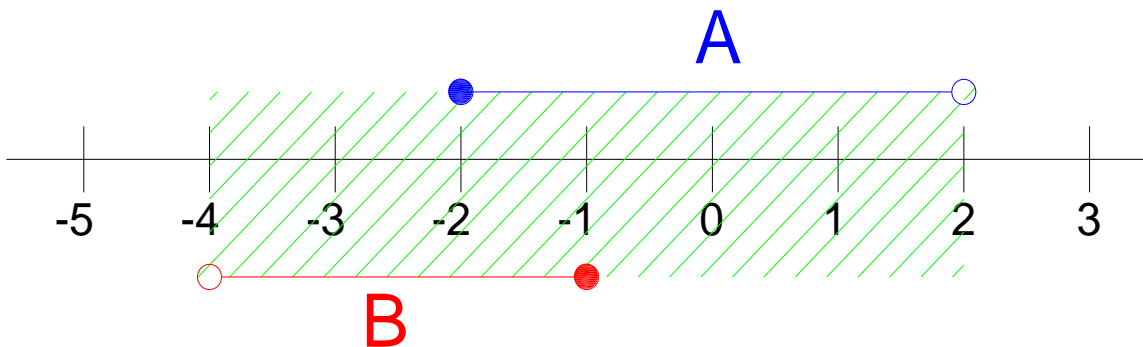
Definimos **Unión** de dos intervalos a aquellos puntos que abarcan ambos intervalos

Ejemplo: Sea...

$$A = \{x \in \mathbb{R} / -2 \leq x < 2\} \quad [-2, 2)$$



$$B = \{x \in \mathbb{R} / -4 < x \leq -1\} \quad (-4, -1]$$



$$A \cup B = (-4, 2)$$

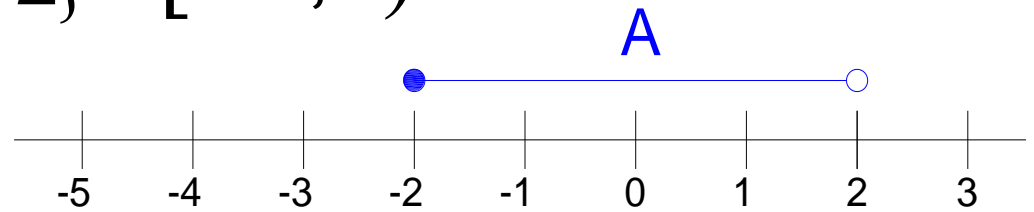
Unión e Intersección de intervalos.

$A \cap B$

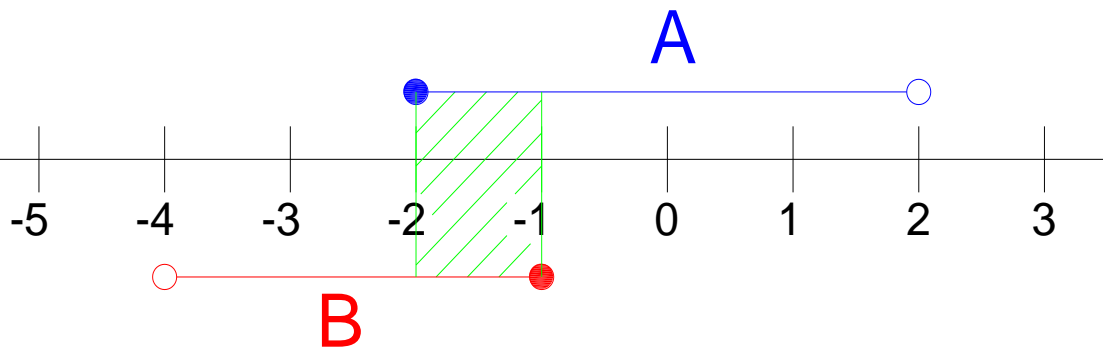
Definimos **Intersección** de dos intervalos a aquellos puntos en los que coinciden ambos intervalos

Ejemplo: Sea...

$$A = \{x \in \mathbb{R} / -2 \leq x < 2\} \quad [-2, 2)$$



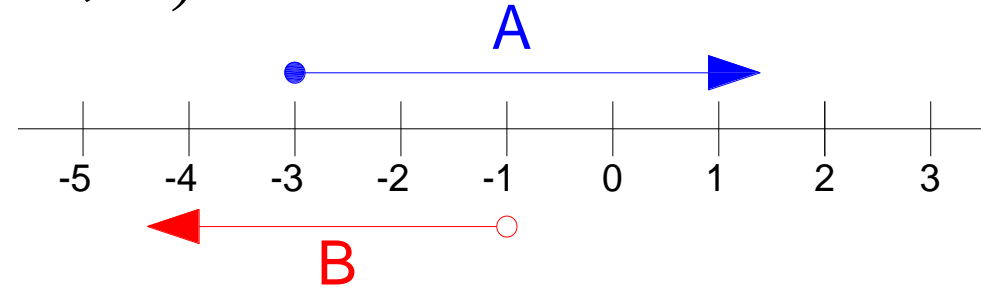
$$B = \{x \in \mathbb{R} / -4 < x \leq -1\} \quad (-4, -1]$$



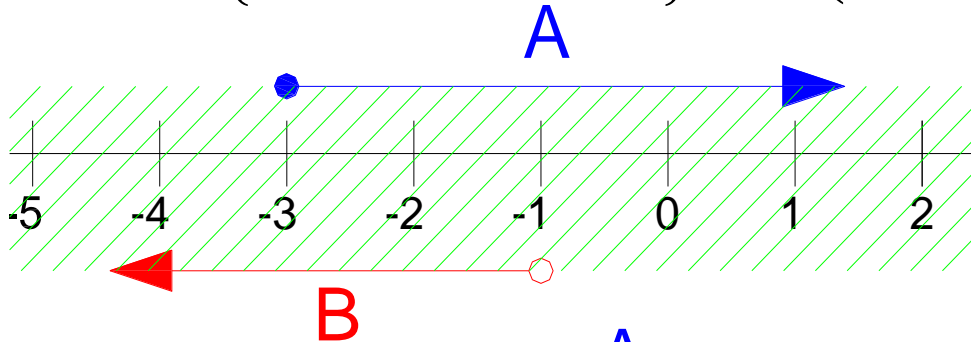
$$A \cap B = [-2, -1]$$

Ejercicio 01

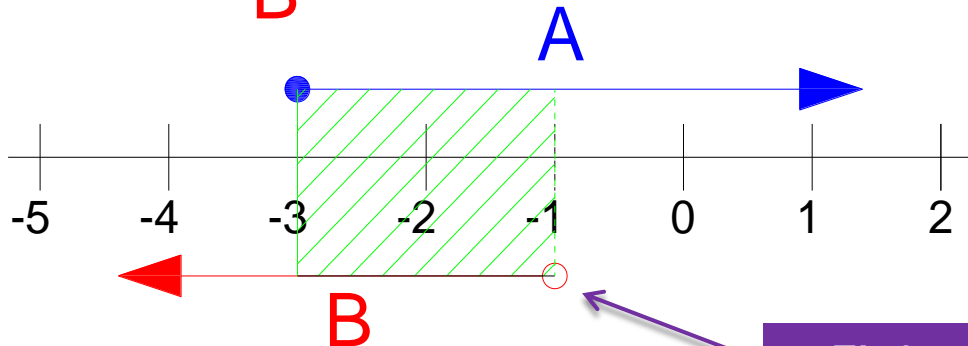
$$A = \{x \in \mathbb{R} / x \geq -3\} \quad [-3, \infty)$$



$$B = \{x \in \mathbb{R} / x < -1\} \quad (-\infty, -1)$$



$$A \cup B = (-\infty, \infty) \equiv \mathbb{R}$$



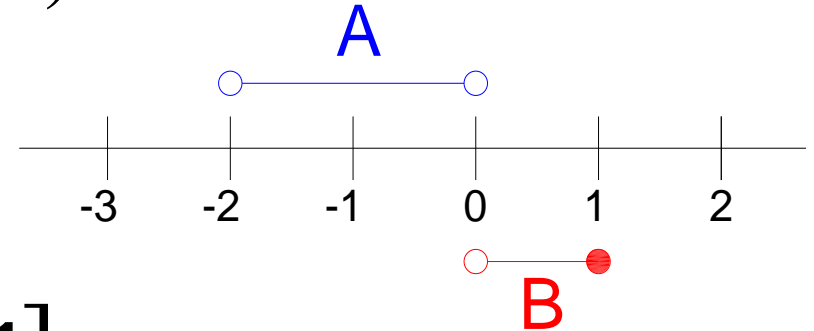
$$A \cap B = [-3, -1)$$

El -1 está incluido en A pero no en B

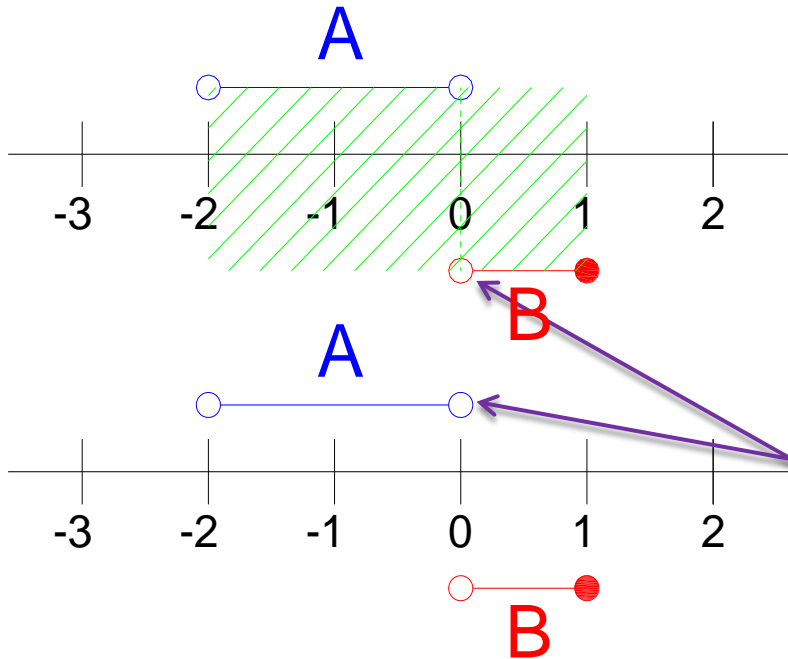
Ejercicio 02

Los siguientes ejercicios parecen iguales pero no lo son

$$A = \{x \in \mathbb{R} / -2 < x < 0\} \quad (-2,0)$$



$$B = \{x \in \mathbb{R} / 0 < x \leq 1\} \quad (0,1]$$



$$A \cup B = (-2,0) \cup (0,1]$$

$$A \cap B = \emptyset$$

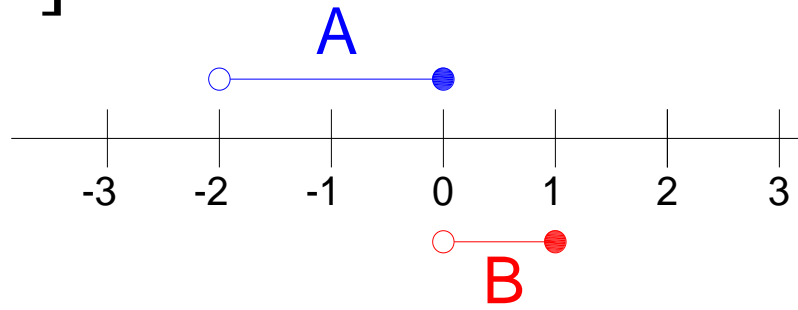
Conjunto vacio

El 0 no está incluido en ningún intervalo, por lo tanto no puede aparecer en la unión, ni existe intersección

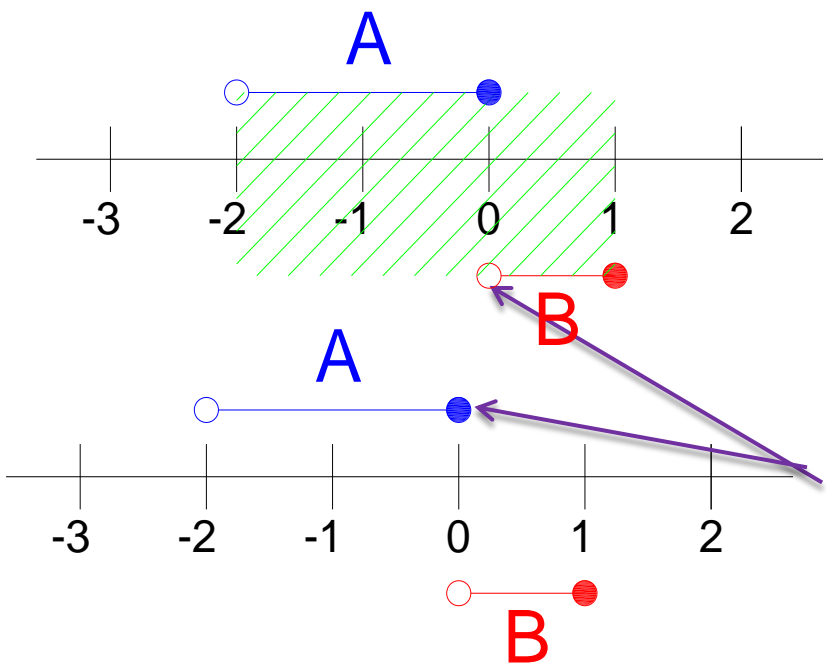
Ejercicio 03

Los siguientes ejercicios parecen iguales pero no lo son

$$A = \{x \in \mathbb{R} / -2 < x \leq 0\} \quad (-2, 0]$$



$$B = \{x \in \mathbb{R} / 0 < x \leq 1\} \quad (0, 1]$$



$$A \cup B = (-2, 1]$$

$$A \cap B = \emptyset$$

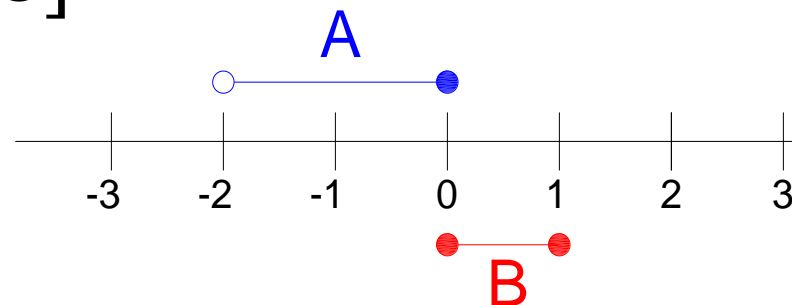
Conjunto vacio

El 0 está incluido en A pero NO en B, por lo tanto hay continuidad en la unión pero no existe punto común entre ambos intervalos.

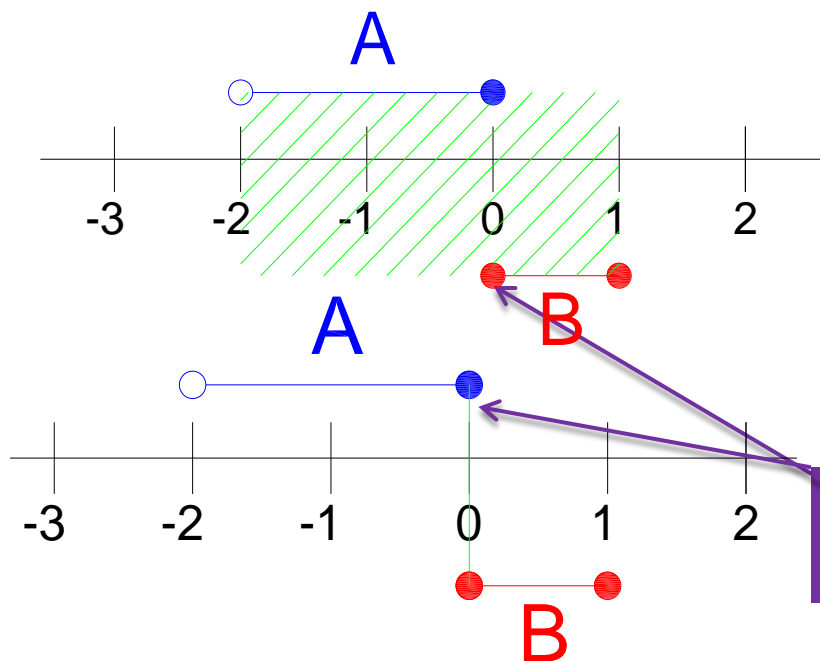
Ejercicio 04

Los siguientes ejercicios parecen iguales pero no lo son

$$A = \{x \in \mathbb{R} / -2 < x \leq 0\} \quad (-2, 0]$$



$$B = \{x \in \mathbb{R} / 0 \leq x \leq 1\} \quad [0, 1]$$



$$A \cup B = (-2, 1]$$

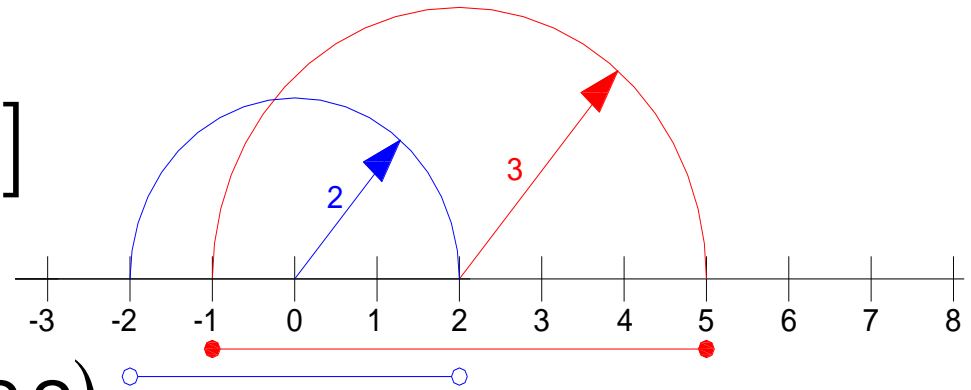
$$A \cap B = \{0\}$$

Único Punto

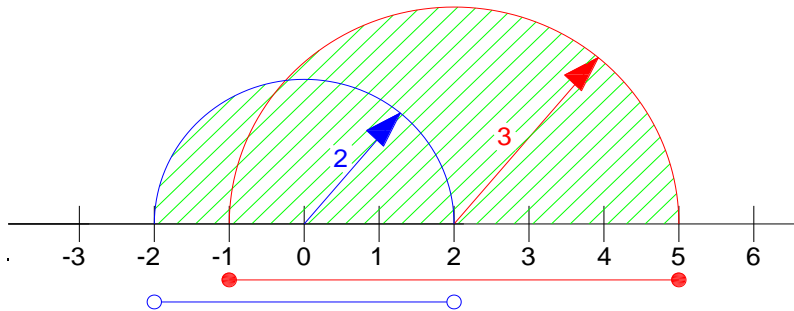
El 0 está incluido en ambos intervalos y es el único punto de intersección.

Ejercicio 05

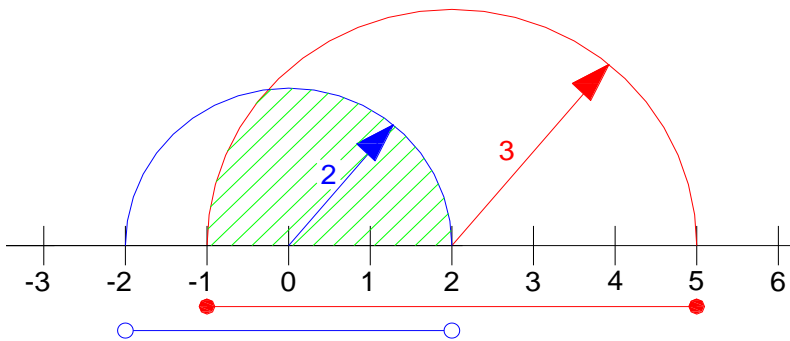
$$A = E[2,3] \xrightarrow{\text{EQUIVALE}} [-1,5]$$



$$B = E(0,2) \xrightarrow{\text{EQUIVALE}} (-2,2)$$



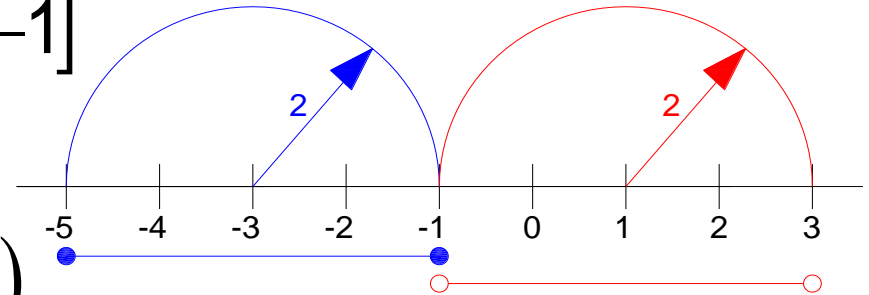
$$A \cup B = (-2, 3]$$



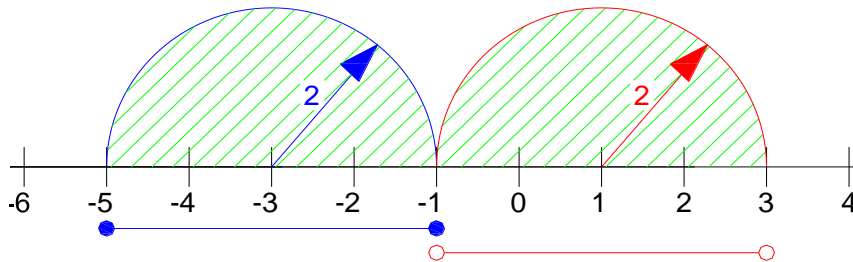
$$A \cap B = [-1, 2)$$

Ejercicio 06

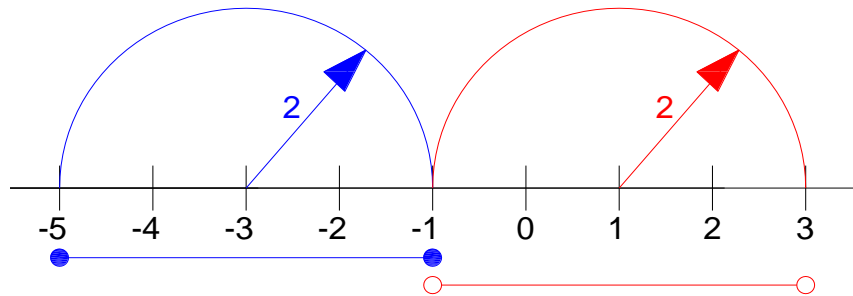
$$A = E[-3, 2] \xrightarrow{\text{EQUIVALE}} [-5, -1]$$



$$B = E(1, 2) \xrightarrow{\text{EQUIVALE}} (-1, 3)$$



$$A \cup B = [-5, 3)$$



$$A \cap B = \phi$$

Fin de Tema

Busca enlaces a otras páginas relacionadas con el tema en...

www.juansanmartin.net